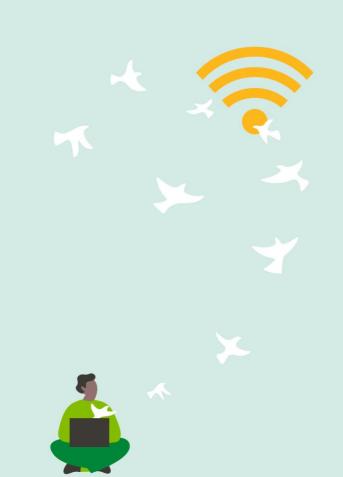


# Imparare nonostante la discalculia

CARATTERISTICHE E STRATEGIE

23/11/2016

**Colombo Adalgisa** 



# **CLASSIFICAZIONE ICD-10 (OMS,1992)**

Disturbo specifico delle abilità aritmetiche Discalculia Evolutiva F81.2

# **CONSENSUS CONFERENCE (ITALIA 2007)**

2 profili di discalculia con manifestazioni caratteristiche:

- debolezza nella strutturazione cognitiva delle componenti di cognizione numerica
- Negli aspetti basali dell'intelligenza numerica quali il subitizing, i meccanismi di quantificazione, seriazione, comparazione e strategie di calcolo mentale
- compromissioni a livello procedurale e di calcolo
- Nella lettura, scrittura e messa in colonna dei numeri, recupero dei fatti numerici e degli algoritmi del calcolo scritto



# DOV'È LA DIFFICOLTÀ?

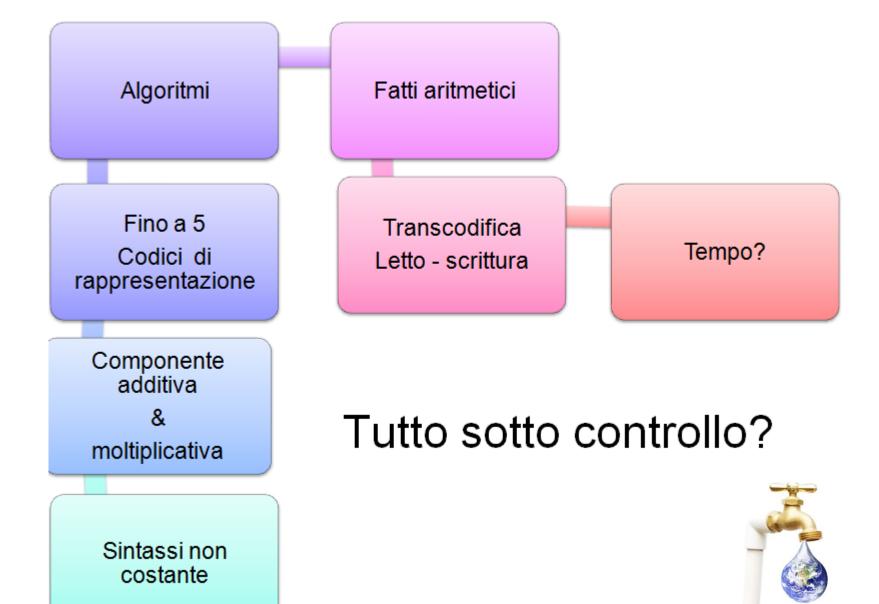
La difficoltà non risiede nella capacità di apprendere, ma nell'impossibilità di utilizzare con profitto i normali strumenti che danno accesso all'apprendimento.

"Disturbo a patogenesi organica, geneticamente determinato, espressione di disfunzione cerebrale"

La scuola è chiamata ad operare per rendere possibile l'apprendimento.









### Struttura di tipo sintattico

17-18-19

11-12-13-14-15-16

- O Dici sette
- O Dici otto
- O Dici nove

ove DADOMINAF

O Dici – uno

Ci – due

- Dici tre
- O Dici quattro
- O Dici cinque
- O Dici sei

decina e unità

la regola, decina e unità, non vale più anzi si inverte!



# 2 componenti

Componente

Componente

DADOMINARE "additiva"

"moltiplicativa"



# codici di rappresentazione

- Alfabetico orale
- Alfabetico scritto
- Il codice arabico
- o Il codice pittografico (11)
- o Il codice dei num Romani

- la parola detta < nove >
- · la parola scritta " nove"
- "Googramma "9"

segni alfabetici: "IX"



### transcodifica

6.776

seicentosettantasei

3.587

trecentocing antotto/sette

7.001

settecentouno

2.109

decentonove

o 1.254

cent ...

milleduecentocinquantaquattro



### memorizzazione

- o fatti aritmetici, accesso senza calcolo
  - le tabelline
- semplici calcoli a mente
   Il muro del 10

  o procedure di capolo

  - - l'ordine di svolgimento delle sotto operazioni
    - l'incolonnamento
    - i prestiti
    - i riporti



#### Quali ERRORI?

Cubelli e Biancardi

Ricerca sulla difficoltà a contare all'indietro dei bambini DSA e discalculici

### Sostituzione di decina

83 82 81 **70** 79 78 77

Anticipo di decina

61 60 50 59

Omissione di decina isolata

33 32 31 29 28 27





# **DIFFICOLTÀ PRESENTI**

-Scarsa padronanza delle capacità di calcolo fondamentali

addizioni, sottrazioni, moltiplicazioni, divisioni; lentezza e/o scorrettezza

- Difficoltà con tabelline e formule
- Difficoltà nel recupero delle procedure
- Difficoltà nel calcolo a mente
- Difficoltà a leggere e scrivere i numeri
- Trascrivere correttamente calcoli, espressioni ecc ...
- Difficoltà nella risoluzione dei problemi





### PROCESSI COGNITIVI

### perché ve ne parlo

La psicologia cognitiva fa riferimento ai PROCESSI DI BASE per identificare su quale area intervenire per sciogliere le difficoltà che si evidenziano nella DE

Queste CAPACITA' COGNITIVE hanno la particolarità di essere dominio specifico

- Riguardano una particolare funzione del cervello (intelligenza numerica)
- Sono indipendenti tra loro.

Si fa riferimento a dei modelli delle neuroscienze per descriverli



### MODULO NUMERICO (Butterworth, 1999)

CIRCUITI CEREBRALI SPECIALIZZATI PER CATEGORIZZARE IL MONDO IN TERMINI DI NUMEROSITÁ (piccoli insiemi di oggetti, fino a 4-5 elementi)



abilità matematiche di base (RAPPRESENTARE LA NUMEROSITÀ) geneticamente codificate e presenti fin dalla nascita: non è necessario apprenderle

Capacità più avanzate riconducibili all'istruzione:

STRUMENTI CONCETTUALI FORNITI DALLA CULTURA DI APPARTENENZA

- 1, 2, 3...
- uno, due, tre...

COMPETENZE LINGUISTICO-SIMBOLICHE

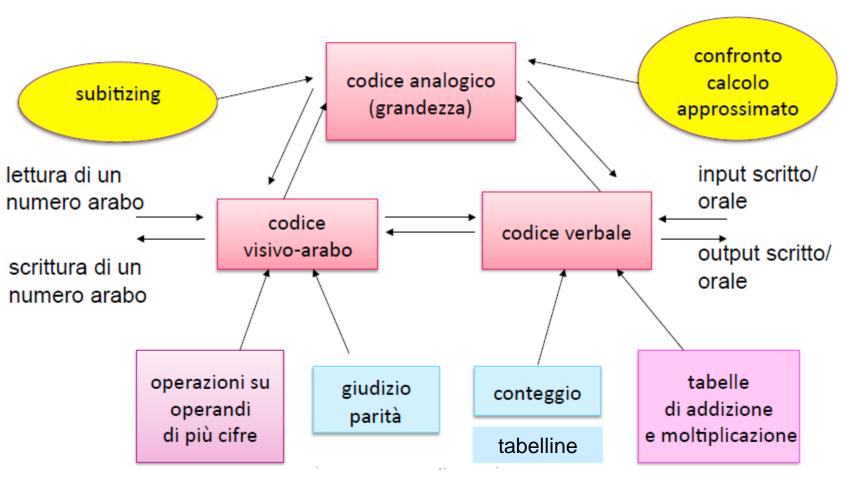


Tratto da: Lucangelli 2010



# Modello del Triplo Codice

(Dehaene, 1992)





Tratto da: Dott.ssa A. Baccaglini Frank, 2013

# MODELLO DEL TRIPLO CODICE

- Codice analogico
- Codice verbale
- Codice visivo-arabo

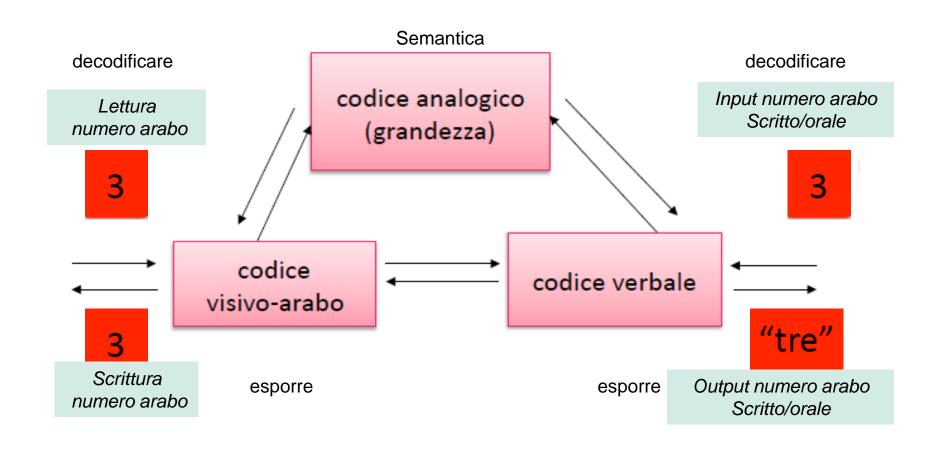
Sono funzioni INTERCONNESSE e INDIPENDENTI quindi nella DE ... uno solo dei tre codici potrebbe essere compromesso non necessariamente tutti e tre

da qui la fondamentale importanza di utilizzare L'ANALISI DEGLI ERRORI



# Modello del Triplo Codice

(Dehaene, 1992)





# **ANALISI DEGLI ERRORI**

Un alunno potrebbe non rispondere correttamente alla consegna se la domanda è stata posta utilizzando il codice e/o il canale compromesso

A lato i due codici attraverso cui bisogna per forza passare per decodificare e poi esporre l'elaborazione avvenuta nella mente

codice visivo-arabo

codice verbale

- Lo stesso contenuto dovrebbe essere veicolato con altri codici o altri canali
- L'accesso c'è sia nell'input che nella produzione ed esposizione (input/output)
- La parte semantica (CODICE ANALOGICO) non ha accesso diretto!

Solo attraverso i codici visivo - arabo e verbale è possibile desumerne il funzionamento

codice analogico (grandezza)



# OBIETTIVO DELLA PERSONALIZZAZIONE

# Aiutare i ragazzi a sfruttare al meglio le risorse disponibili cioè i canali e i codici attivi

Quali i fattori esterni (culturali) strutturano l'apprendimento scolastico?
 Il come si insegna fa modificare le parti del cervello che sono deputate a interagire con l'ambiente

Es: apprendimento semantico o lessicale delle tabelline sollecita i codici in modo diverso

L'uso dell'addizione ripetuta per imparare la tabellina rafforza la parte semantica più della lessicale (canale ritenuto privilegiato per questo compito)

Nella matematica dei grandi (secondaria secondo grado) la psicologia sta ancora studiando e i riscontri non sono ancora certi; i processi di base e l'analisi degli errori è descritta in modo più significativo nella scuola Primaria



# PROCESSI COGNITIVI nella psicologia cognitiva, i domini specifici

Sono PROCESSI COGNITIVI di base e sono DOMINI SPECIFICI Regolano una funzione e sono indipendenti

Meccanismi lessicali regolano il nome del

numero

(1--11)

#### Meccanismi sintattici

Grammatica data dal valore posizionale delle cifre 13 (1da, 3u) 31(3 da,1u)

Meccanismi semantici

Regolano l'attualizzazione mentale della quantità

3 = ▶ ▶ ▶



# MODI DI PENSARE MATEMATICI: ABILITÀ COGNITIVE

- Visualizing: picturing (and drawing) what is inherently visible as well as that which is not (either because it is an abstract object or relationship, or because it is a concrete object that has not yet been built).
- Using precise language (natural and formal) to describe and analyze; making definitions to bring precision or to name new categories and classifications. Analyzing one's language, including examining.
- Tinkering with problems, including posing and critiquing problems as well as solving them and critiquing the solutions.
- Mixing deduction with experimentation. Seeing the interdependence of interpreting experiments and making theories.

Dott. Albert A. Cuoco



# PROCESSI COGNITIVI nella didattica della matematica

L'insegnamento non dovrebbe prescindere da questi vanno esplicitati ed utilizzati

Sono modi di procedere dei matematici che non vengono esplicitati per lasciano lo spazio all'apprendimento dell'algoritmo

Non avendo accesso diretto agli oggetti matematici è necessario procedere attraverso l'accesso indiretto, mediato.

- VISUALIZZARE nella mente un oggetto o disegnare una situazione
- GIOCARE con problemi cioè fare degli esperimenti mentalmente
- PREVEDERE delle SOLUZIONI in quanto loa mente non procede nel suo ragionare come il libro stampato!
- USARE PROCESSI DISCRETI: gli algoritmi
- USARE IL RAGIONAMENTO PER CONTINUITA': è uno dei modi di ragionare che più spesso si presentano spontaneamente negli studenti, una estensione delle proprietà per continuità



#### Calcola "facili" tempo impiegato 8 ha usato il conteggio sulle dita

1	+	12	= sì	
10	+	12	= sì	
9	+	12	= sì	
5	+	12		18
1	+	29	sì	
10	+	20	≓ sì	
9	+		= sì	
5	+ 3	16 29	= sì	
1		35	= sì	
2	+	35	= sì	
5	+	35	= sì	

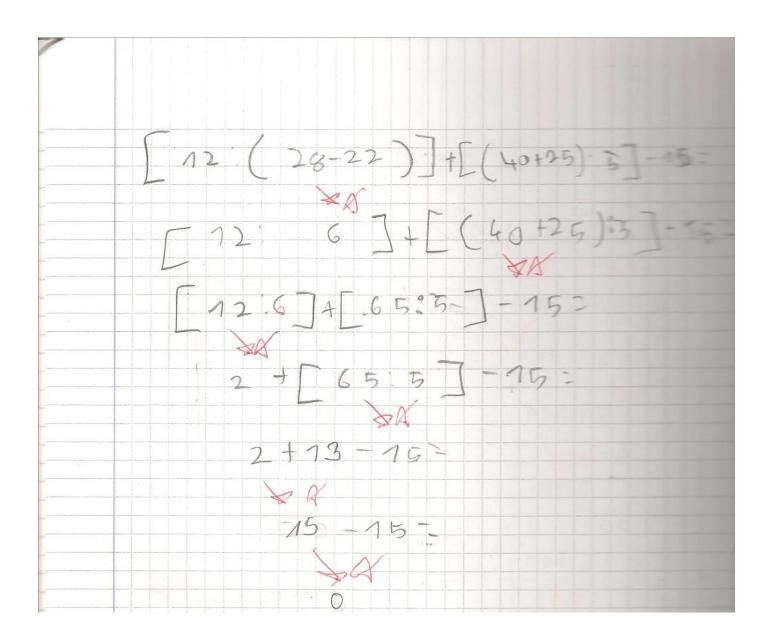
1	sì
-	sì
=	

+	1	10	9	-5
12	13/	127	21/	170
29	30	LA	18	M
35	361	18	14	40
44	45/	50	13	49

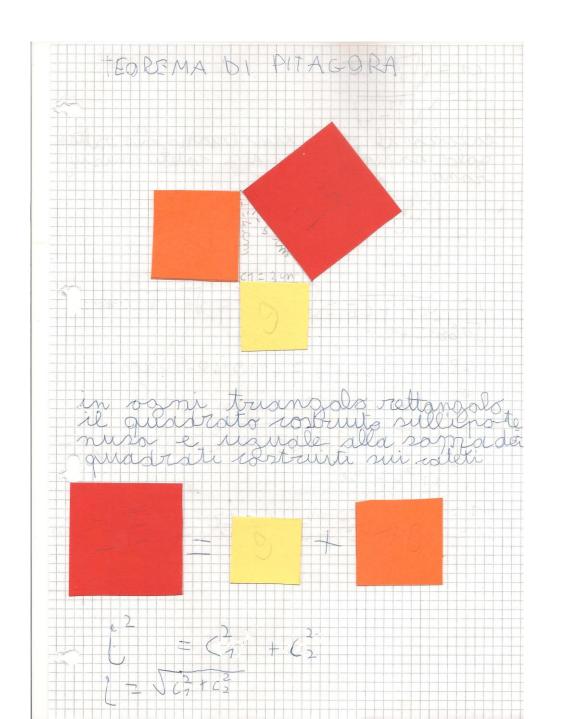




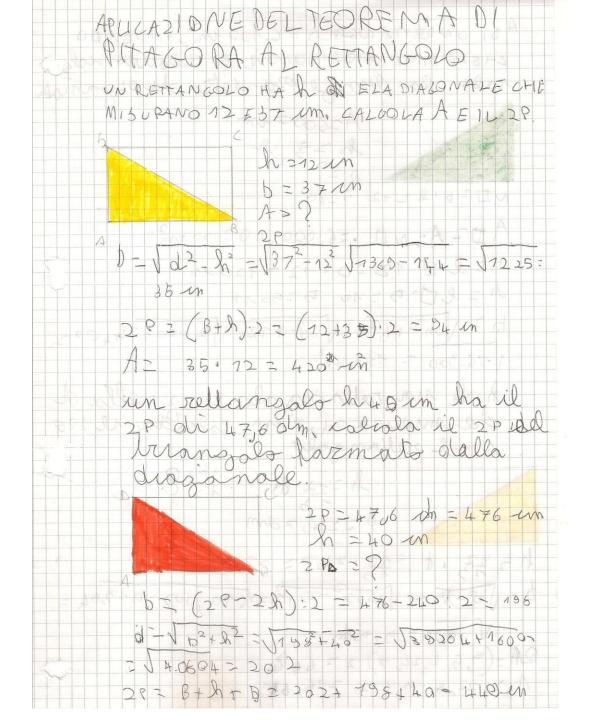




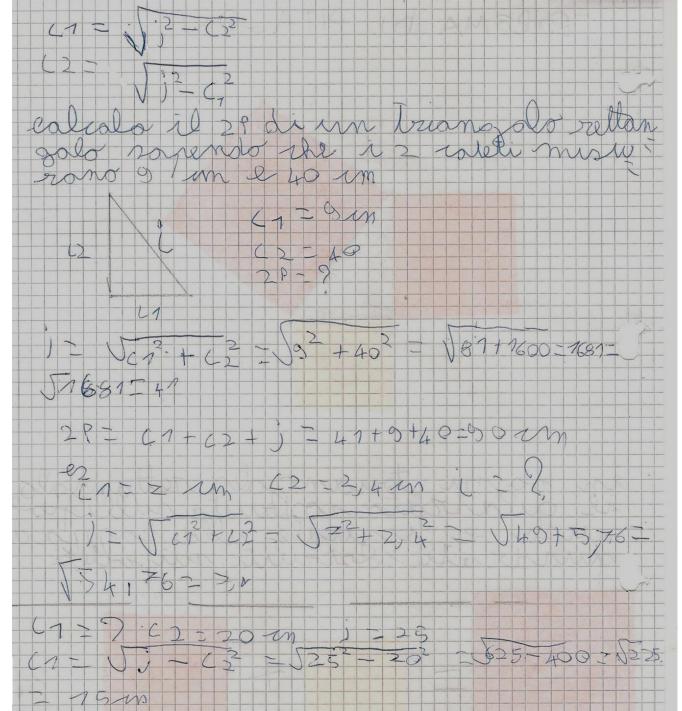














N79 A										
C1 = 16 m										-
(2 = 3,61	n									
1-3										
1= 50212	+ (2)	- 126	+3,	6 -	12	.56	+ 1	72,	58+2.	1268,98
16, k										
N178										
L1 =3 2	p						184			
	25 m									
128										
1	-				*					
1- 00	77+6	= =	J 3	+ 2	2,2	5 =	19+	5,0	625	
3,75 m							-			
NIO										
4 : 10	Rn .						-			
(2) 7,	5		6							
) - 9										
	102 + x	2,52	-5	100	+	56	253	175	6,25	72.5
NA	702 t 7					,				
ND 0 B	100									
(1= 450	100									
	- Viet	2 2		50	>				258	
53	- V (4)	126	2	70	20	5 +	75	54	-028	09-1
	JUN	TCA								
NZZA						- 42				
C1 - 441	n	3+62						-	34 7	
1 2 3 3 3	m	2+3	3 ,	- 5	52	6 -1	108	200	- 30	151
ES ,	- 041	3		- 1	)	9 1			- 7.	



# Suggerimenti:

- 1
- Universal Design = Progettazione universale
- 2 L'apprendimento presenta salti e discontinuità, non è un fenomeno lineare
- Operazioni con i monomi dopo aver affrontato i numeri relativi





# **INDICAZIONI:** misure dispensative

### Esempi di prescrizioni nelle certificazioni

.

- dallo studio mnemonico di formule e definizioni. Uso di tabelle semplificate
- da un eccessivo carico di compiti a casa
- dalla effettuazione di interrogazioni non programmate
- da più prove valutative in tempi ravvicinati
- evitare sovrapposizioni di verifiche



### INDICAZIONI: modalità di verifica

### Esempi di prescrizioni nelle certificazioni

- Tempi più lunghi per la consegna delle verifiche scritte, 30% di tempo in più o riduzione del numero di esercizi
- Predisporre verifiche chiare con accorgimenti grafici facilitanti
- Dare domande, esercizi «tipo» in anticipo per prepararsi alla verifica
- Fornire facilitazioni; es. fornire facilitazioni, esercizi graduati ed esempio
- Nella formulazione dei quesiti si useranno periodi non troppo articolati, evitando di lasciare troppe richieste implicite
- Nella valutazione non si considereranno gli errori di calcolo o di copiatura, ma si attribuirà maggior rilevanza alla correttezza delle procedure
- Nelle verifiche che richiedono completamento di termini viene fornito l'elenco, non ordinato, di tutti quelli da inserire
- Nelle verifiche di geometria alcuni problemi verranno assegnati già con la rappresentazione



SOS Dislessia

33

# DIFFICOLTÀ nella DE

#### Cosa fare

- Creare un registro di compiti facilmente consultabile da parte di insegnanti e genitori
- Fornire set aggiuntivo di materiali didattici per attività di approfondimento o recupero a casa
- Mettere in evidenza parole chiave e idee su fogli di lavoro, lavagna, Lim
- Mettere a disposizione un angolo della classe dove trovare strumenti compensativi
- Frazionare il lavoro permettendo tempi diversi di consegna



# INDICAZIONI: strumenti compensativi Esempi di prescrizioni nelle certificazioni

#### Fornire set

- Calcolatrice
- Tavola pitagorica
- Linea dei numeri
- Tabella delle misure, tabella delle formule geometriche (dirette e inverse)
- Software dedicati



# **OGNI DISCALCULIA HA UNA STORIA**

Ogni alunno va aiutato con modalità diverse

i profili di discalculia evolutiva
ci permettono di trarre informazioni
e capire
come fare per essere efficaci
nell'aiuto



## **OBIETTIVO A LUNGO TERMINE**

## **Assistere & permettere**

l'evoluzione della consapevolezza



## PROFILI DI DISCALCULIA

Discalculia per i fatti aritmetici

Discalculia procedurale



discalculia per i fattori aritmetici

errori nel recupero dei fatti aritmetici

 risulta compromessa l'acquisizione dei fatti numerici all'interno del sistema del calcolo:

- $\star$  errori di confine  $6 \times 3 = 21$  si è attivata un'altra tabellina
- ❖ errori di slittamento 4 x 3 = 11 una sola cifra è sbagliata



discalculia per le procedure

errori nell'applicazione delle procedure

- risulta caratterizzata da difficoltà nell'acquisizione e applicazione delle procedure e degli algoritmi implicati nel sistema del calcolo:
- errori di incolonnamento
- errori di riporto
- errori di prestito



# PERSONALIZZAZIONE DELLE STRATEGIE

### Dagli errori alla compensazione

### Obiettivo del docente:

- imparare a far apprendere le strategie compensative
- imparare a valutare
- 1. Saper scegliere
- 2. Utilizzare gli strumenti compensativi
- 3. Far evolvere gli strumenti compensativi
- 4. Uso funzionale all'operatività autonoma attuale e futura (Scuola Secondaria di secondo grado e Università)



## **ERRORI DI CALCOLO**

COMPENSAZIONE		
POTENZIALITA'	STRUMENTI	STRATEGIE
Procedure, evoluzione tangi- bile	Tutor Tavole numeriche Tabelle Schemi PC e software Calcolatrice	Controllo incrociato Uso residuale dell'al- lenamento



Discalculia per i fatti aritmetici e dislessia

#### Fase 1: Stabilizzare procedure

- scomposizione
- fattorizzazione

Utilizzo i criteri di divisibilità

si ripercorre la memorizzazione e la costruzione analitica e ordinata, del fare:



Discalculia per i fatti aritmetici e dislessia

#### Fase 2: Consapevolezza d'uso

- scomposizione
- fattorizzazione
- abbandono graduale della compensazione (guida) del tutor (o un compagno)
  - introduzione all'uso di tabelle numeriche delle fattorizzazioni e utilizzo autonomo

(costruite inizialmente insieme all'alunno e sostituite successivamente da tavole

 introduzione di un controllo del risultato del calcolo con strumento digitale (calcolatrice)



Discalculia per i fatti aritmetici e dislessia

#### Fase 3: Consapevolezza d'uso

- scomposizione
  - utilizza ipotesi personali
     ✓ si confronta con le "Tavole numeriche"
- procede con la fattorizzazione
  - verifica con strumento digitale
    - √ si confronta con i compagni
- > procede con il minimo comune multiplo

Altre strategie per eseguire i calcoli in modo consapevole



Discalculia per i fatti aritmetici e dislessia

- STRUMENTI
- PROCEDURE
- **➡** TECNOLOGIE
- STRATEGIE

sono state introdotte in modo funzionale all'autonomia

l'alunno potrà dimostrare di saperne fare un uso corretto se non abbandonerà le sequenze indicate (fase 3) durante l'esecuzione dei calcoli nelle verifiche



#### Considerazioni Discalculia per i fatti aritmetici e dislessia

- l'incentivare l'uso della calcolatrice (in generale di ogni tecnologia) considerandola uno strumento terapeutico in grado di mettere automaticamente l'alunno al riparo dal compiere errori
- l'inibire l'uso del calcolo a mente
- l'insistere sulla memorizzazione delle tabelline
- il chiedere di eseguire operazioni a mente senza introdurre il controllo del risultato
  - costituiscono una errata impostazione
    - degli strumenti
    - delle strategie compensative
  - non modificano la prestazione



#### Considerazioni Discalculia per i fatti aritmetici e dislessia

valutare negativamente il risultato scorretto

senza aver indagato e aver riconosciuto





# DA: LINEE GUIDA 4.3.3 COSA FARE

Sebbene la ricerca non abbia ancora raggiunto dei risultati consolidati sulle strategie di potenziamento dell'abilità di calcolo, si ritengono utili i seguenti principi guida:

- gestire, anche in contesti collettivi, almeno parte degli interventi in modo individualizzato
- aiutare, in fase preliminare, l'alunno a superare l'impotenza guidandolo verso l' esperienza della propria competenza;
- analizzare gli errori del singolo alunno per comprendere i processi cognitivi che sottendono all' errore stesso con intervista del soggetto





## **VERSO LA NORMALIZZAZIONE**

Modificare la prestazione resta un obiettivo a lungo termine

- Perseguire continui miglioramenti anche se molto semplici
- Far percepire il cambiamente all'alunno e al contesto rispetto all'autonomia e alla maggiore pertinenza delle diverse funzioni cognitive conosciute e utilizzate
- Privilegiare l'evoluzione del calcolo a mente
- Esercitare e far evolvere le abilità di calcolo
- Esercizi scelti personalizzando i carichi di lavoro
- Avviare all'uso dello strumento compensativo calcolatrice quanco il suo utilizzo è correlato a capacità evolute (saper sommare e sottrarre scomponendo le quantità considerando le decine e le unità piuttosto che utiizzare il solo conteggio +1 sulle dita



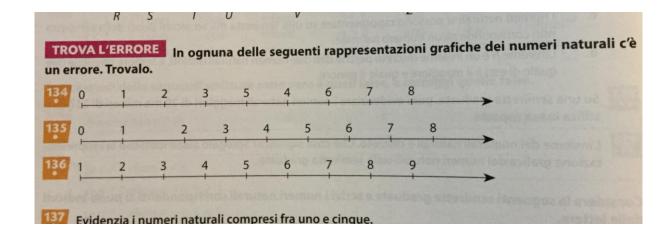
## **ESERCIZIO NON CONSOLIDA**

C'è maggior bisogno di esercizio sul consolidamento delle proprietà dei numeri naturali.

Usare la loro rappresentazione grafica in questa direzione per massimizzare gli sforzi

#### **EVITA**

- Trova l'errore
- Correggi l'errore
- Quale tra ...





## **MISURARE L'EVOLUZIONE**

- Sapere confrontare quantità con sicurezza
- Utilizzare il calcolo a mente
- Recuperare i fatti numerici

Sia che la difficoltà nel calcolo sia dovuta a disturbo o, come più spesso accade, a difficoltà, l'evoluzione deve essere misurabile, cioè manifestarsi con evidenze, seppur minime e collegabili al successo scolastico

LA DIFFICOLTÀ NEL CALCOLO

20% degli studenti

o consapevolezza del DE &

buona didattica



## **OBIETTIVI SEMPRE PRESENTI**

# Ricordando che l'apprendimento presenta salti e discontinuità perché non è un fenomeno lineare

- Costruire e consolidare le abilità di calcolo perchè sono indispensabili per apprendere i contenuti della didattica perseguiti dalla scuola
- Automatizzare le abilità di calcolo perchè l'uso dei numeri e il calcolo possano essere utilizzati con naturalezza e normalità nella vita ordinaria, a contatto con le esperienze reali
- Monitorare i processi di apprendimento a lungo e a breve termine e se necessario saper "cedere con l'intento di recuperare"



## **BIBLIOGRAFIA**

#### Numeri e calcolo. Lo sviluppo delle competenze aritmetiche e la discalculia evolutiva

Brian Butterworth
Editore: Erickson
Collana: I mattoncini

Anno edizione: 2011 Pagine: 63 p., Brossura

#### Ripensando l'educazione matematica. Lezioni tenute in Cina

Hans Freudenthal

Curatore: C. F. Manara

Editore: La Scuola

Collana: Secondaria superiore. Saggi

Anno edizione: 1994

Pagine: 256 p.

#### Intelligenza matematica. Vincere la paura dei numeri scoprendo le doti innate della mente

**Brian Butterworth** 

Traduttore: C. Capararo, S. Mancini

Editore: Rizzoli

Collana: Saggi stranieri
Anno edizione: 1999

Pagine: 418 p.



https://sites.google.com/site/abaccaglinifrank/

Linee guida per il diritto allo studio degli alunni e degli

studenti con disturbi specifici di apprendimento

http://ltd.edc.org/people/al-cuoco

Daniela Lucangeli 1/5.mov



## Informazioni utili



Gli attestati di partecipazione vi saranno inviati via e-mail



Riceverete nella medesima e-mail le istruzioni per scaricare, dal sito Pearson, i materiali presentati oggi



# I prossimi appuntamenti

## www.pearson.it/webinar



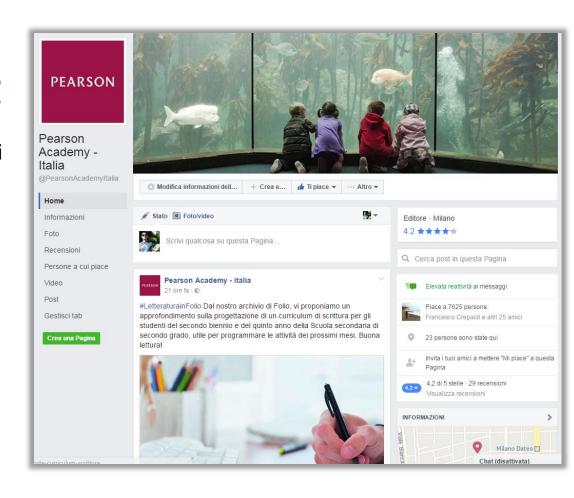


## La Pearson Academy su Facebook

## Seguiteci su Facebook!

Potrete restare aggiornati sui prossimi appuntamenti di formazione, ricevere articoli, approfondimenti, notizie sulla scuola in Italia e nel mondo, e molto altro. E potrete naturalmente condividere quello che vi piace o lasciare commenti.

Pagina Fan
Pearson Academy – Italia





Grazie per la partecipazione!



